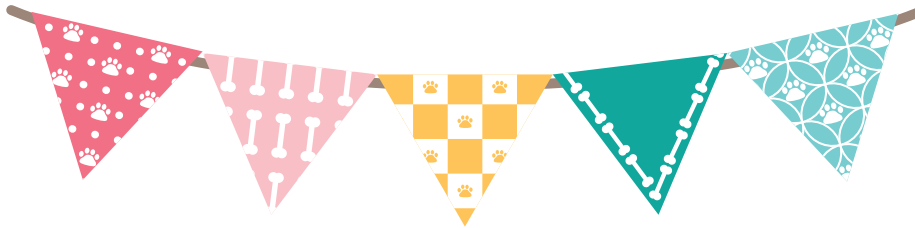
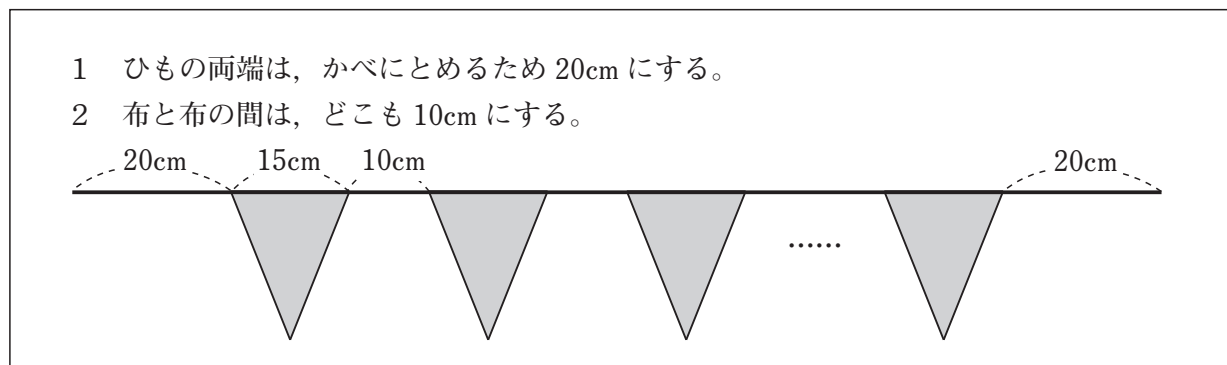


- ^{たくみ}拓海さんと^{みづき}美月さんは、文化祭で教室の装飾に使うため、下の図のようなフラッグガーランドという飾りをつくることになりました。



そこで、拓海さんは長いひもを、美月さんは、底辺の長さが15cmの合同な二等辺三角形の布をたくさん用意しました。そして、下の設計図のようにしてつなげていきました。

設計図



次の(1)から(4)までの各問いに答えなさい。

- (1) 布を5枚つなげると、全体の長さは何cmになるか求めなさい。

155

cm

2人は、布を n 枚つなげたときの全体の長さを、 n を用いた式で表すことを考えています。拓海さんは、布、すきま、端をそれぞれ分けて考え、布を n 枚つなげたときの全体の長さを、次のように説明しました。

拓海さんの説明

布は n 枚あるから、その長さは、 $15n$ cm

すきまは、 か所あるので、 10 ()

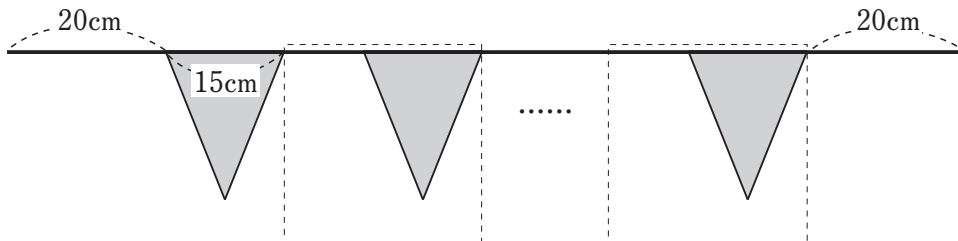
両端は、40 cm

よって、全体の長さを表す式は、 $15n + 10$ () $+ 40$ (cm) になる。

- (2) 拓海さんの説明の には、同じ式が当てはまります。 に当てはまる式を、 n を用いて表しなさい。

$$n - 1$$

- (3) 美月さんは、下の図のように点線で囲んで考えてみました。



図のように囲むと、布を n 枚つなげたときの全体の長さは、 $55 + 25(n - 1)$ という式で表すことができます。全体の長さが、 $55 + 25(n - 1)$ という式で表すことができる理由について、美月さんは次のように説明しました。

美月さんの説明を完成させなさい。

美月さんの説明

図のように、布とすきまを囲むと、

囲まれている部分の長さは、1か所 $15 + 10 = 25$ で、
 全部で $(n - 1)$ か所あるから、その長さは、 $25(n - 1)$ cm
 囲まれていない部分の長さは、 $20 \times 2 + 15 = 55$

したがって、布を n 枚つなげたときの全体の長さを表す式は、 $55 + 25(n - 1)$ になる。

- (4) 全体の長さを 505cm にするには、布を何枚つなげればよいか。求める式と答えを書きなさい。

$$\text{式 } 15n + 10(n - 1) + 40 = 505 \quad (\text{または, } 55 + 25(n - 1) = 505)$$

$$25n + 30 = 505$$

$$25n = 475$$

$$n = 19$$

この解は問題にっている。

答え

19

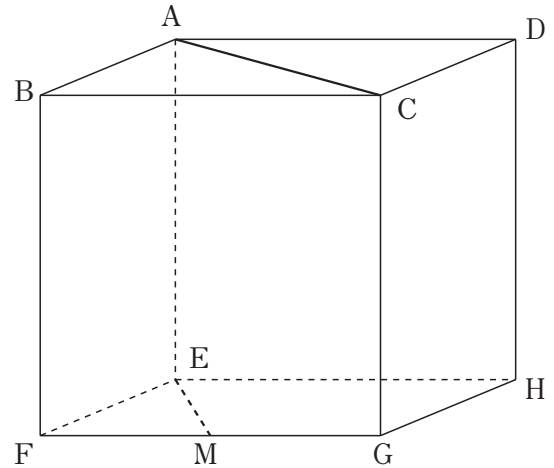
枚

■ 翔太さんと結衣さんは、立方体の表面上の直線について考えています。次の(1)～(3)の問題に答えましょう。

(1) 結衣さんは、右の図のように、辺 FG の中点を M とし、頂点 A と頂点 C 、頂点 E と点 M をそれぞれ結びました。直線 AC と直線 EM の位置関係について、正しいものを、下の 1 から 4 までの中から 1 つ選んで、その番号を書きなさい。

- 1 平行である。
- 2 垂直に交わる。
- 3 ねじれの位置にある。
- 4 交わるが、垂直ではない。

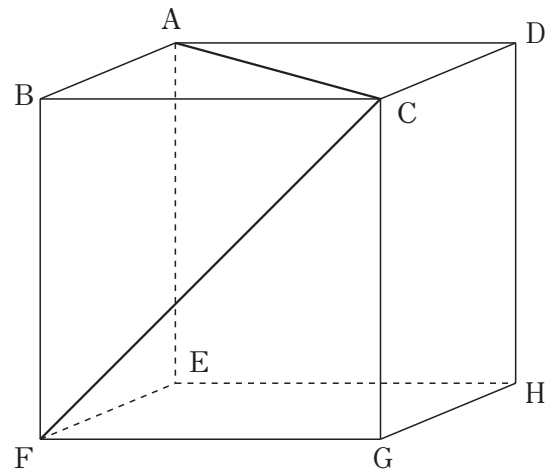
3



翔太さんは、右の図のように、頂点 A と頂点 C 、頂点 C と頂点 F をそれぞれ結びました。これについて、2 人は話し合っています。

翔太さん 「見たところ、線分 AC の長さは、線分 CF の長さより短いね。」
 結衣さん 「見た目ではそうだけど、同じ長さじゃないかな。」

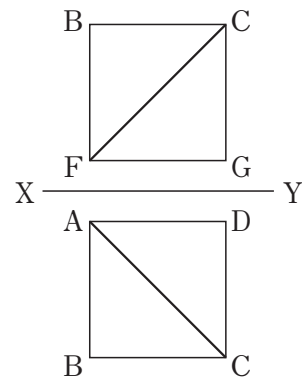
そこで、結衣さんは、線分 AC の長さと線分 CF の長さが等しいことを、次のように説明しました。



結衣さんの説明

投影図をかくと、右の図のようになります。

線分 AC は、立方体の面 $ABCD$ の対角線、線分 CF は面 $BFGC$ の対角線で、面 $ABCD$ と面 $BFGC$ は合同な正方形なので、線分 AC の長さと線分 CF の長さは等しくなります。

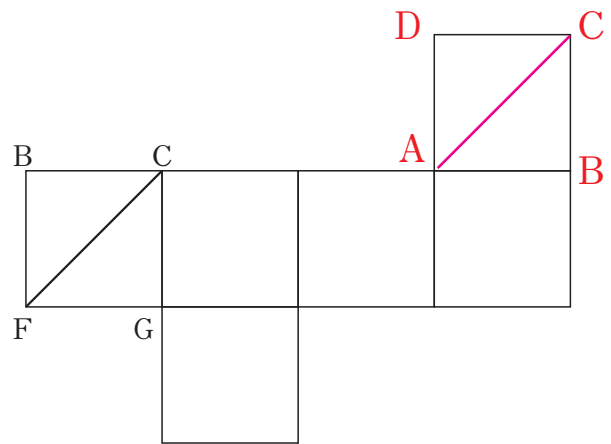


- (2) 次の説明は、線分 AC の長さと線分 CF の長さが等しいことを、展開図を用いて説明したものです。説明の中にある展開図に、面 ABCD の頂点の記号を正しい位置に、また、対角線 AC を書き入れなさい。

説明

展開図をかくと、右の図のようになります。

線分 AC は、立方体の面 ABCD の対角線、線分 CF は面 BFGC の対角線で、面 ABCD と面 BFGC は合同な正方形なので、線分 AC の長さと線分 CF の長さは等しくなります。



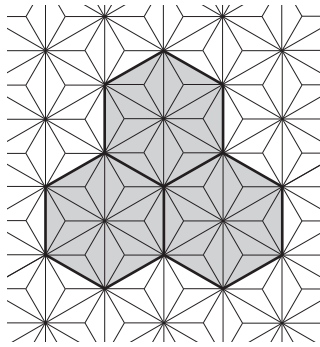
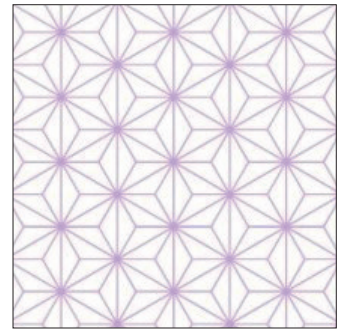
- (3) もとの立方体の見取図で、 $\angle ACF$ は何度か。答えとそう考えた理由を書きなさい。

頂点 A と頂点 F を結ぶと、線分 AF は面 ABFE の対角線で、面 ABCD と面 BFGC と面 ABFE は合同な正方形なので、 $AC = CF = AF$ となる。

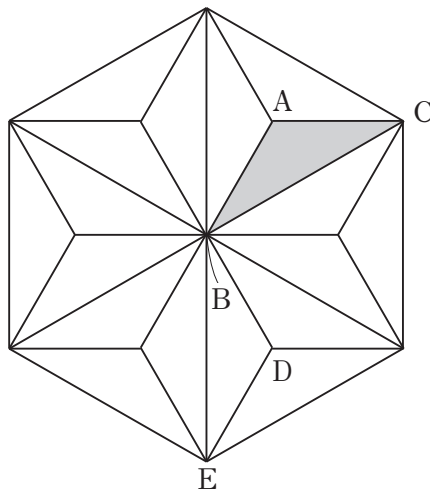
よって、 $\triangle ACF$ は正三角形だから、 $\angle ACF = 60^\circ$

答え 60 度

- 右の模様は、日本の伝統模様で「麻の葉^{あさ}」とよばれる模様です。
 美羽^{みう}さんは、「麻の葉」の模様が、下の図のように、正六角形でしきつめられていることをみつけました。次の(1)、(2)の問題に答えなさい。



- (1) 下の図は、しきつめられている正六多角形のうちの1つで、正六多角形の模様も、合同な二等辺三角形でしきつめられています。



- ① $\triangle ABC$ を平行移動したとき、1回の平行移動で重なる三角形は何個あるか書きなさい。

2

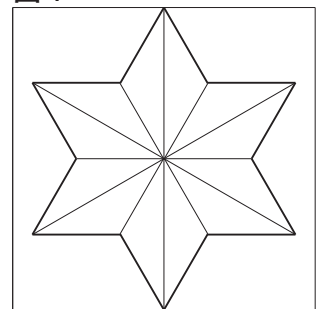
個

- ② $\triangle ABC$ は、1回の回転移動で $\triangle DBE$ に重なります。どのような回転移動によって $\triangle DBE$ に重なるか書きなさい。

$\triangle ABC$ を、点 B を回転の中心として、時計回りに 120° 回転すれば、 $\triangle DBE$ に重なる。

- (2) 美羽さんは、「麻の葉」の模様あさの模様の1つの正六角形の中にある、**図1**のような模様を作ろうと思います。正方形の折り紙を、**図2**のように四つ折りにしてから紙を切り、それを開くとき、**図1**の太線でかかれた図形になるのは、折った折り紙をどのように切ったときか。**図3**の1から4までのの中から正しいものを1つ選びなさい。

図1



4

図2

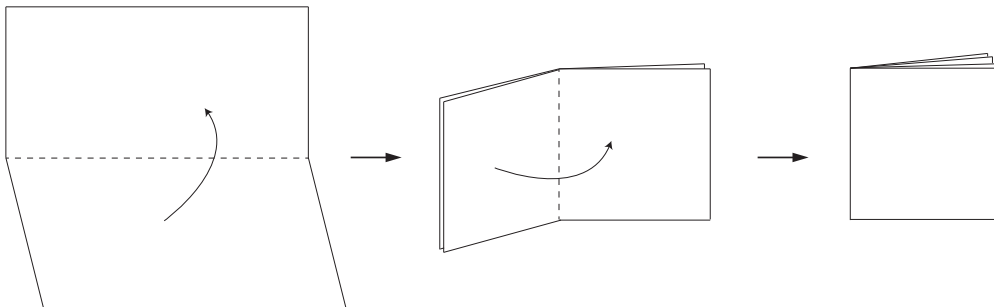
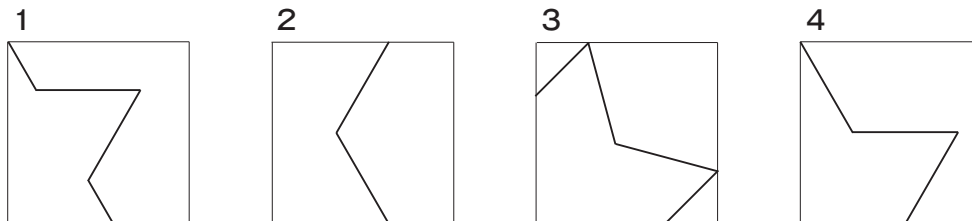


図3



- ^{つばさ}翼さんと^{ひな}陽菜さんは、下のような x と y の関係の表から、㊸にあてはまる数をそれぞれ求め、それについて話し合っています。次の(1)~(3)の問題に答えましょう。

| | | | | |
|-----|---|---|---|-----|
| x | 3 | 6 | 9 | ... |
| y | 6 | 3 | ㊸ | ... |

翼さん 僕は、㊸にあてはまる数を、 $y=0$ と求めたよ。

陽菜さん 私は、㊸にあてはまる数を、 $y=2$ と求めたのだけど、どうして2種類の答えが出てきたのだろう。

翼さん もしかしたら、何か1つ条件が足りないのかもしれないね。

- (1) 翼さんは、 x と y の関係がどのような関係にあると考えて、㊸にあてはまる数を求めましたか。下のアからエの中から正しいものを1つ選びなさい。

ア x と y は、和が一定である。

イ x と y は、差が一定である。

ウ x と y は、積が一定である。

エ x と y は、商が一定である。

ア

- (2) 陽菜さんが求めたように、㊸にあてはまる数が $y=2$ となるためには、どのような条件を加えればよいですか。正しいものを、下のア、イの中から1つ選び、それが正しいことの理由を説明しなさい。

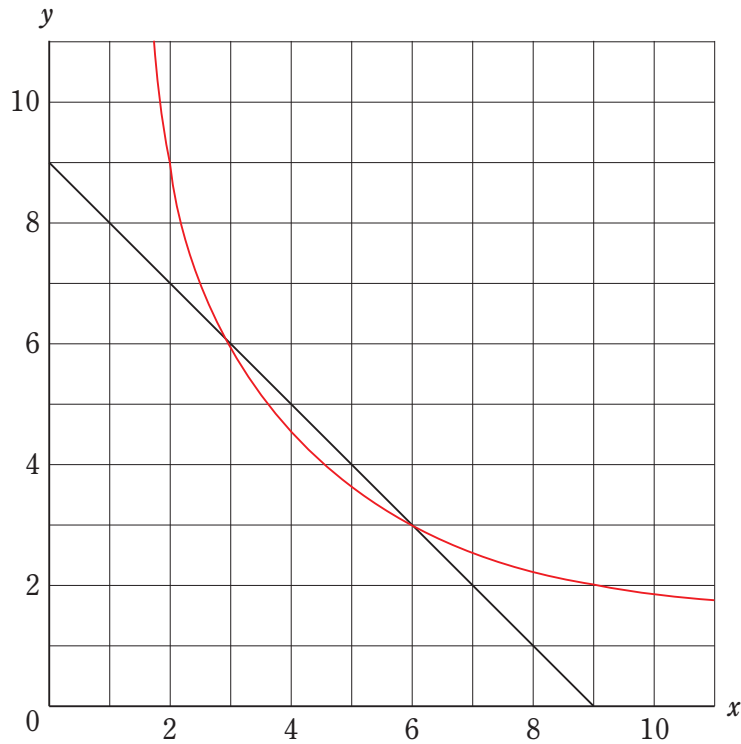
ア 「 y が x に比例する」という条件を加える。

イ 「 y が x に反比例する」という条件を加える。

記号 **イ**

説明 「 y が x に反比例する」という条件を加えれば、 x と y の関係は、 $y = \frac{18}{x}$ という式で表せるから、 $x = 9$ のとき、 $y = 2$ となる。

(3) 下のグラフは、翼さんの考えをもとにして、 x と y の関係をグラフに表したものです。



① 陽菜さんの考えをもとにして、 x と y の関係を表すグラフをかきなさい。

(グラフは上の方眼にかきなさい。)

② 翼さんの考えをもとにしたグラフを㊦、陽菜さんの考えをもとにしたグラフを①とすると、次のアからエの中に正しいものが2つあります。あとの1から4の中から正しい組み合わせを1つ選び、番号を書きなさい。

- ア 点 (3, 6), (6, 3) は、グラフ㊦, ①の交点になっている。
- イ グラフ㊦は、点 (3, 6), (6, 3) を通るが、グラフ①はこれらの点を通らない。
- ウ $x=9$ のときの y の値は、グラフ㊦, ①で等しい。
- エ $x=9$ のとき、グラフ㊦では、 $y=0$ 、グラフ①では、 $y=2$ になっている。

- 1 アとウ
- 2 アとエ
- 3 イとウ
- 4 イとエ

2

- 右の度数分布表は、輝^{てる}さんの学校で行われた中学 1 年生 72 人の垂直とびの記録をまとめたものです。次の(1)~(3)の問題に答えなさい。

垂直とびの度数分布表 (中学 1 年)

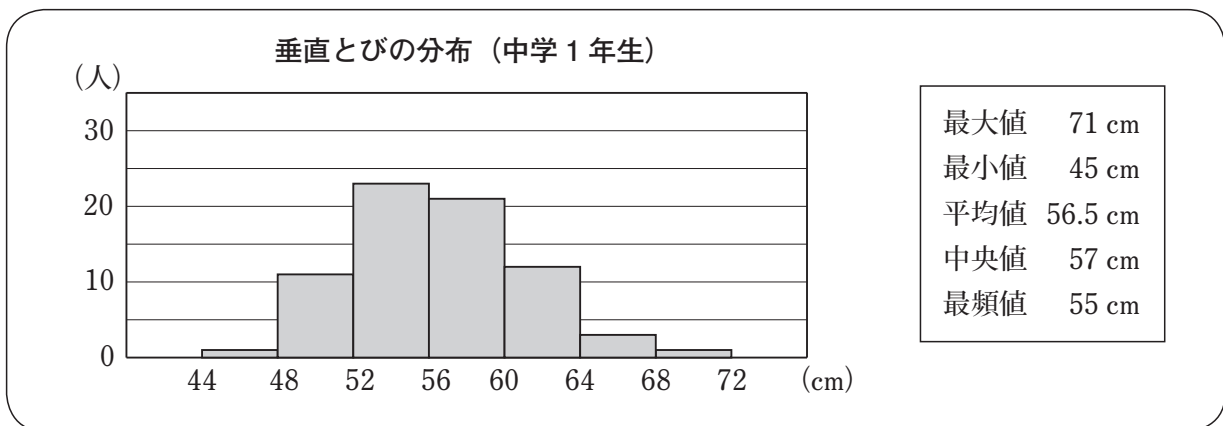
| 階級 (cm) | 度数 (人) |
|---------|--------|
| 以上 未満 | |
| 44 ~ 48 | 1 |
| 48 ~ 52 | 10 |
| 52 ~ 56 | 23 |
| 56 ~ 60 | 21 |
| 60 ~ 64 | 12 |
| 64 ~ 68 | 4 |
| 68 ~ 72 | 1 |
| 合計 | 72 |

- (1) 輝さんの学校の中学 1 年生 72 人の垂直とびの平均を求める式を、下の 1 から 4 の中から 1 つ選んで、その番号を書きなさい。

- 1 $(46 + 50 + 54 + 58 + 62 + 66 + 70) \div 7$
- 2 $(44 \times 1 + 48 \times 10 + 52 \times 23 + 56 \times 21 + 60 \times 12 + 64 \times 4 + 68 \times 1) \div 72$
- 3 $(48 \times 1 + 52 \times 10 + 56 \times 23 + 60 \times 21 + 64 \times 12 + 68 \times 4 + 72 \times 1) \div 72$
- 4 $(46 \times 1 + 50 \times 10 + 54 \times 23 + 58 \times 21 + 62 \times 12 + 66 \times 4 + 70 \times 1) \div 72$

4

- (2) 輝さんは、上の度数分布表を下のようなヒストグラムに表しました。



輝さんの記録は 58 cm でした。輝さんの学校の中学 1 年生の中で、輝さんより良い結果の人が多いか、少ないのかは、58 cm とある値を比べることでわかります。その値を、下のアからオまでの中から 1 つ選びなさい。

- ア 最大値
イ 最小値
ウ 平均値
エ 中央値
オ 最頻値

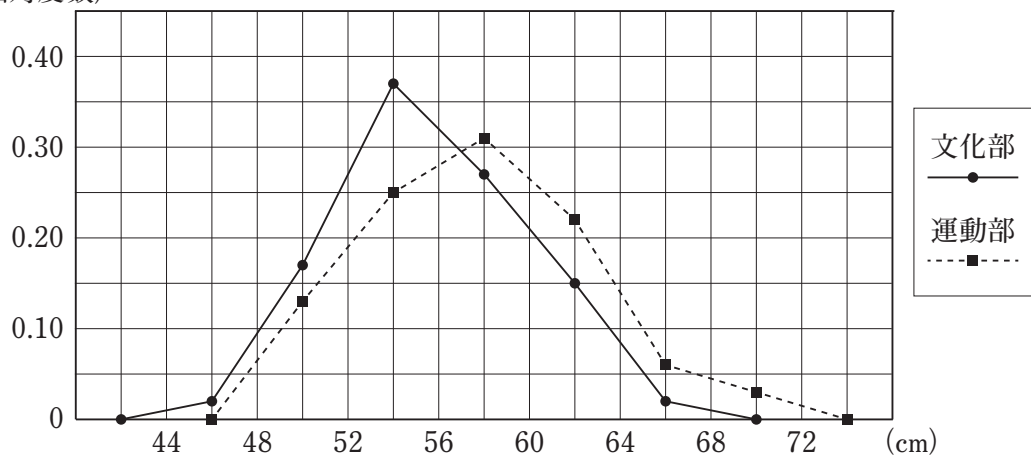
エ

(3) 輝さんは、クラブ活動が文化部の生徒と、運動部の生徒では、垂直とびの結果に違いがあるのではないかと考えました。そこで、文化部の生徒と運動部の生徒に分けて、垂直とびの結果をまとめた度数分布表をもとに、相対度数を求め、相対度数の度数分布多角形を（度数折れ線）に表しました。

垂直とびの結果

| 階級 (cm) | 文化部 | | 運動部 | |
|---------|--------|------|--------|------|
| | 度数 (人) | 相対度数 | 度数 (人) | 相対度数 |
| 以上 未満 | | | | |
| 44 ~ 48 | 1 | 0.02 | 0 | 0 |
| 48 ~ 52 | 7 | 0.17 | 4 | 0.13 |
| 52 ~ 56 | 15 | 0.37 | 8 | 0.25 |
| 56 ~ 60 | 11 | 0.27 | 10 | 0.31 |
| 60 ~ 64 | 5 | 0.15 | 7 | 0.22 |
| 64 ~ 68 | 1 | 0.02 | 2 | 0.06 |
| 68 ~ 72 | 0 | 0.00 | 1 | 0.03 |
| 合計 | 40 | 1.00 | 32 | 1.00 |

輝さんが作った度数分布多角形
(相対度数)



輝さんが作った度数分布多角形から、「運動部の生徒は、文化部の生徒より、垂直とびの結果が良い傾向にある」と主張することができます。そのように主張できる理由を、輝さんが作った度数分布多角形の2つの度数分布多角形の特徴を比較して説明しなさい。

2つの度数分布多角形が同じような形で、文化部の生徒よりも運動部の生徒の方が右側にある。したがって、運動部の生徒は、文化部の生徒より垂直とびの結果が良い傾向にある。